

Lógica II (FIL 125)

Universidade Federal de Ouro Preto

Professor Desidério Murcho

Lógica Modal Proposicional

Regras Primitivas

Eliminação K da necessidade (EK \square)

Prem	1. $\square A$	
Sup	2. A	(E \square)
	...	
2	4. C	...
1	5. $\square C$	1, 2-4 E \square

Eliminação K da possibilidade (EK \diamond)

Prem	1. $\diamond A$	
Sup	2. A	(E \diamond)
	...	
2	4. C	...
1	5. $\diamond C$	1, 2-4 E \diamond

Introdução K da necessidade (IK \square)

1	1. A	
	2. $\square A$	1, IK \square

Introdução T da possibilidade (IT \diamond)

Prem	1. A	
1	2. $\diamond A$	

Eliminação T da necessidade (ET \square)

Prem	1. $\square A$	
1	2. A	1, I \square

Introdução B da necessidade (IB \square)

Prem	1. A	
1	2. $\square \diamond A$	1, IB \square

Eliminação B da possibilidade (EB \diamond)

Prem	1. $\diamond \square A$	
1	2. A	1, EB \diamond

Introdução S4 da necessidade (IS4 \square)

Prem	1. $\square A$	
1	2. $\square \square A$	1, IS4 \square

Eliminação S4 da possibilidade (ES4 \diamond)

Prem	1. $\diamond \diamond A$	
1	2. $\diamond A$	1, ES4 \diamond

Introdução S5 da necessidade (IS5 \square)

Prem	1. $\diamond A$	
1	2. $\square \diamond A$	1, IS5 \square

Eliminação S5 da possibilidade (ES5 \diamond)

Prem	1. $\diamond \square A$	
1	2. $\square A$	1, ES5 \diamond

Regras Derivadas

Regras de equivalência (K)

1. $\square A \equiv \neg \diamond \neg A$ (Definição de necessidade)
2. $\diamond A \equiv \neg \square \neg A$ (Definição de possibilidade)
3. $\neg \square A \equiv \diamond \neg A$ (Negação da necessidade)
4. $\neg \diamond A \equiv \square \neg A$ (Negação da possibilidade)

Regras de implicação (K)

5. $\square(A \rightarrow B), \square A \vdash \square B$ (MP \square)
6. $\square(A \rightarrow B), \diamond A \vdash \diamond B$ (MP \diamond)
7. $\square(A \rightarrow B), \square \neg B \vdash \square \neg A$ (MT \square)
8. $\square(A \rightarrow B), \diamond \neg B \vdash \diamond \neg A$ (MT \diamond)

Nota: Para efeitos de redução ao absurdo, há três tipos de contradições: $A \wedge \neg A$, $\diamond(A \wedge \neg A)$ e $\square(A \wedge \neg A)$.